

Муниципальное казённое общеобразовательное учреждение

Самойловская средняя общеобразовательная школа

Согласована  
зам. директора по УВР  
Федорова С.В.  
«30» августа 2022г.

Рассмотрена на Методическом совете  
протокол № 1 от «29» августа 2022 г.

Утверждаю:  
Директор:  
*Е. Мельник* Мельник Е.В.

Приказ № 76-4 от «31» августа 2022 г



## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

учебного предмета

«Математика»

для 11 класса среднего общего образования  
на 2022-2023 учебный год

Составитель: Кувеко О.О.

с. Самойловка 2022

## **Пояснительная записка**

Рабочая программа по математике для 11 класса разработана на основе:

- ФГОС СОО;
- Основной образовательной программы среднего общего образования МКОУ Самойловская СОШ;
- Авторской программой к учебнику Алимова Ш.А. в сборнике «Программы общеобразовательных учреждений. Алгебра и начала математического анализа. 10-11 классы». Бурмистрова Т.А. (сост.) – М.: Просвещение, 2009г.
- Программы к учебнику Атанасяна Л.С. в сборнике «Программы общеобразовательных учреждений. Геометрия. 10-11 классы». Бурмистрова Т.А. (сост.) – М.: Просвещение, 2010г.

### **Цели:**

- формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;
- развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности;
- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для изучения школьных естественнонаучных дисциплин на базовом уровне, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;
- воспитание средствами математики культуры личности: отношения к математике как части общечеловеческой культуры: знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей, понимания значимости математики для общественного прогресса.

### **Задачи:**

- Систематизация сведений о числах; изучение новых видов числовых выражений и формул; совершенствование практических навыков и вычислительной культуры, расширение и совершенствование алгебраического аппарата, сформированного в основной школе, и его применение к решению математических и нематематических задач;
- Расширение и систематизация общих сведений о функциях, пополнение класса изучаемых функций, иллюстрация широты применения функций для описания и изучения реальных зависимостей;
- Развитие представлений о вероятностно-статистических закономерностях в окружающем мире, совершенствование интеллектуальных и речевых умений путем обогащения математического языка, развития логического мышления;
- Знакомство с основными идеями и методами математического анализа;
- Изучить параллельность прямых и плоскостей, параллельность плоскостей, перпендикулярность прямых и плоскостей;

- Расширить изучение основных свойств плоскости; взаимного расположения двух прямых, прямой и плоскости;
- Учить решать задачи на построение сечений, нахождение угла между прямой и плоскостью;
- Развить умение учащихся находить площади поверхности многогранников; объемы тел вращения; складывать векторы в пространстве;
- Формировать умение выполнять дополнительные построения, сечения, выбирать метод решения, проанализировав условие задачи;
- Научить владеть новыми понятиями, переводить аналитическую зависимость в наглядную форму и обратно;

Согласно действующему в школе учебному (образовательному) плану на изучение алгебры в 11 классе отводится 204 часа (6 часов в неделю \* 34 учебные недели).  
Углубленный уровень алгебра и начала анализа: 4 часа в неделю, всего 136 часов.  
Углубленный уровень геометрия: 2 часа в неделю, всего 68 часов.

### **Личностные, метапредметные и предметные результаты освоения учебного предмета**

#### **Личностные результаты:**

- Готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самообразованию; готовность к профессиональному выбору.
- Формирование нравственных чувств и нравственного поведения, осознанного и ответственного отношения к собственным поступкам.
- Осознанное,уважительное и доброжелательное отношение к другому человеку, его мнению, мировоззрению, культуре, языку, вере, гражданской позиции.
- Освоенность социальных норм, правил поведения, ролей и форм социальной жизни в группах и сообществах.

#### **Метапредметные результаты:**

##### **Регулятивные :**

- самостоятельно определять цели, задавать параметры и критерии, по которым можно определить, что цель достигнута;
- оценивать возможные последствия достижения поставленной цели в деятельности, собственной жизни и жизни окружающих людей, основываясь на соображениях этики и морали;
- ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;
  - организовывать эффективный поиск ресурсов, необходимых для достижения поставленной цели;
  - сопоставлять полученный результат деятельности с поставленной заранее целью.

##### **Коммуникативные :**

- осуществлять деловую коммуникацию как со сверстниками, так и со взрослыми (как внутри образовательной организации, так и за ее пределами), подбирать партнеров для деловой коммуникации исходя из соображений результативности взаимодействия, а не личных симпатий;
- при осуществлении групповой работы быть как руководителем, так и членом команды в разных ролях (генератор идей, критик, исполнитель, выступающий, эксперт и т.д.);

- координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;
- развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств;

#### **Познавательные:**

- искать и находить обобщенные способы решения задач, в том числе, осуществлять развернутый информационный поиск и ставить на его основе новые (учебные и познавательные) задачи;
- критически оценивать и интерпретировать информацию с разных позиций, распознавать и фиксировать противоречия в информационных источниках;
- использовать различные модельно-схематические средства для представления существенных связей и отношений, а также противоречий, выявленных в информационных источниках;

#### **Формирование ИКТ-компетентности**

- использовать возможности ИКТ в творческой деятельности, связанной с искусством
- создавать диаграммы различных видов, использовать их как наглядность в презентациях
- использовать возможности электронной почты для информационного обмена
- формировать собственное информационное пространство: создавать системы папок и размещать в них нужные информационные источники, размещать информацию в Интернете
- участвовать в форумах в социальных образовательных сетях

#### **Формирование основ учебно-исследовательской и проектной деятельности**

- использовать некоторые методы получения знаний, характерные для социальных и исторических наук: анкетирование, моделирование, поиск исторических образцов
- использовать такие математические методы и приёмы, как абстракция и идеализация, доказательство, доказательство от противного, доказательство по аналогии, опровержение, контрпример, индуктивные и дедуктивные рассуждения, построение и исполнение алгоритма
- отличать факты от суждений, мнений и оценок, критически относиться к суждениям, мнениям, оценкам, реконструировать их основания
- ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать языковые средства, адекватные обсуждаемой проблеме

#### **Формирование навыков работы с информацией**

- оценивать содержание, языковые особенности и структуру текста; определять место и роль иллюстративного ряда в тексте
- составлять небольшие письменные аннотации к тексту, отзывы о прочитанном
- сопоставлять разные точки зрения и разные источники информации по заданной теме
- выделять не только главную, но и избыточную информацию
- преобразовывать текст, используя новые формы представления информации: формулы, графики, диаграммы, таблицы (в том числе динамические, электронные, в частности в практических задачах), переходить от одного представления данных к другому
- выполнять смысловое свёртывание выделенных фактов и мыслей
- прогнозировать последовательность изложения идей текста

#### **Предметные результаты:**

<b>Выпускник научится</b>	<b>Выпускник получит возможность научиться</b>
---------------------------	--

<p>Для успешного продолжения образования по специальностям, связанным с прикладным использованием математики</p>	<p>Для обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, связанным с осуществлением научной и исследовательской деятельности в области математики и смежных наук</p>
<b>Элементы теории множеств и математической логики</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>– Свободно оперировать понятиями: конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение, объединение и разность множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал, полуинтервал, промежуток с выколотой точкой, графическое представление множеств на координатной плоскости;</li> <li>– задавать множества перечислением и характеристическим свойством;</li> <li>– оперировать понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;</li> <li>– проверять принадлежность элемента множеству;</li> <li>– находить пересечение и объединение множеств, в том числе представленных графически на числовой прямой и на координатной плоскости;</li> <li>– проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений.</li> </ul> <p>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;</li> <li>– проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Достижение результатов раздела II;</li> <li>– оперировать понятием определения, основными видами определений, основными видами теорем;</li> <li>– понимать суть косвенного доказательства;</li> <li>– оперировать понятиями счетного и несчетного множества;</li> <li>– применять метод математической индукции для проведения рассуждений и доказательств и при решении задач.</li> </ul> <p>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– использовать теоретико-множественный язык и язык логики для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов</li> <li>–</li> </ul>
<b>Числа и выражения</b>	

<ul style="list-style-type: none"> <li>– Свободно оперировать понятиями: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел, иррациональное число, корень степени <math>n</math>, действительное число, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых,</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Достижение результатов раздела II;</li> <li>– свободно оперировать числовыми множествами при решении задач;</li> <li>– понимать причины и основные идеи расширения числовых множеств;</li> <li>– владеть основными понятиями теории делимости при решении стандартных задач</li> <li>– иметь базовые представления о множестве комплексных чисел;</li> <li>– свободно выполнять тождественные</li> </ul>
--	---

<ul style="list-style-type: none"> <li>– рациональных, действительных чисел;</li> <li>– понимать и объяснять разницу между позиционной и непозиционной системами записи чисел;</li> <li>– переводить числа из одной системы записи (системы счисления) в другую;</li> <li>– доказывать и использовать признаки делимости суммы и произведения при выполнении вычислений и решении задач;</li> <li>– выполнять округление рациональных и иррациональных чисел с заданной точностью;</li> <li>– сравнивать действительные числа разными способами;</li> <li>– упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби, числа, записанные с использованием арифметического квадратного корня, корней степени больше 2;</li> <li>– находить НОД и НОК разными способами и использовать их при решении задач;</li> <li>– выполнять вычисления и преобразования выражений, содержащих действительные числа, в том числе корни натуральных степеней;</li> <li>– выполнять стандартные тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных, иррациональных выражений.</li> </ul> <p><b>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– выполнять и объяснять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений, используя разные способы сравнений;</li> <li>– записывать, сравнивать, округлять числовые данные реальных величин с использованием разных систем измерения;</li> <li>– составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных выражений;</li> <li>– владеть формулой бинома Ньютона;</li> <li>– применять при решении задач теорему о линейном представлении НОД;</li> <li>– применять при решении задач Китайскую теорему об остатках;</li> <li>– применять при решении задач Малую теорему Ферма;</li> <li>– уметь выполнять запись числа в позиционной системе счисления;</li> <li>– применять при решении задач теоретико-числовые функции: число и сумма делителей, функцию Эйлера;</li> <li>– применять при решении задач цепные дроби;</li> <li>– применять при решении задач многочлены с действительными и целыми коэффициентами;</li> <li>– владеть понятиями приводимый и неприводимый многочлен и применять их при решении задач;</li> <li>– применять при решении задач Основную теорему алгебры;</li> <li>– применять при решении задач простейшие функции комплексной переменной как геометрические преобразования</li> </ul>
---	---

### Уравнения и неравенства

<ul style="list-style-type: none"> <li>– Свободно оперировать понятиями: уравнение, неравенство, равносильные уравнения и неравенства, уравнение, являющееся следствием другого уравнения, уравнения, равносильные на множестве, равносильные преобразования уравнений;</li> <li>– решать разные виды уравнений и неравенств</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Достижение результатов раздела II;</li> <li>– свободно определять тип и выбирать метод решения показательных и логарифмических уравнений и неравенств, иррациональных уравнений и неравенств, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем;</li> </ul>
---	---

<p>и их систем, в том числе некоторые уравнения 3-й и 4-й степеней, дробно-рациональные и иррациональные;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– овладеть основными типами показательных, логарифмических, иррациональных, степенных уравнений и неравенств и стандартными методами их решений и применять их при решении задач;</li> <li>– применять теорему Безу к решению уравнений;</li> <li>– применять теорему Виета для решения некоторых уравнений степени выше второй;</li> <li>– понимать смысл теорем о равносильных и неравносильных преобразованиях уравнений и уметь их доказывать;</li> <li>– владеть методами решения уравнений, неравенств и их систем, уметь выбирать метод решения и обосновывать свой выбор;</li> <li>– использовать метод интервалов для решения неравенств, в том числе дробно-рациональных и включающих в себя иррациональные выражения;</li> <li>– решать алгебраические уравнения и неравенства и их системы с параметрами алгебраическим и графическим методами;</li> <li>– владеть разными методами доказательства неравенств;</li> <li>– решать уравнения в целых числах;</li> <li>– изображать множества на плоскости, задаваемые уравнениями, неравенствами и их системами;</li> <li>– свободно использовать тождественные преобразования при решении уравнений и систем уравнений</li> </ul> <p><b>В</b> повседневной жизни и при изучении других предметов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач других учебных предметов;</li> <li>– выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем при решении задач других учебных предметов;</li> <li>– составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач других учебных предметов;</li> <li>– составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– свободно решать системы линейных уравнений;</li> <li>– решать основные типы уравнений и неравенств с параметрами;</li> <li>– применять при решении задач неравенства Коши — Буняковского, Бернулли;</li> <li>– иметь представление о неравенствах между средними степенными</li> </ul>
--	---

<p>полученные результаты;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– использовать программные средства при решении отдельных классов уравнений и неравенств</li> </ul>	
<b>Функции</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>– Владеть понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период, четная и нечетная функции; уметь применять эти понятия при решении задач;</li> <li>– владеть понятием степенная функция; строить ее график и уметь применять свойства степенной функции при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями показательная функция, экспонента; строить их графики и уметь применять свойства показательной функции при решении задач;</li> <li>– владеть понятием логарифмическая функция; строить ее график и уметь применять свойства логарифмической функции при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями тригонометрические функции; строить их графики и уметь применять свойства тригонометрических функций при решении задач;</li> <li>– владеть понятием обратная функция; применять это понятие при решении задач;</li> <li>– применять при решении задач свойства функций: четность, периодичность, ограниченность;</li> <li>– применять при решении задач преобразования графиков функций;</li> <li>– владеть понятиями числовая последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессия;</li> <li>– применять при решении задач свойства и признаки арифметической и геометрической прогрессий.</li> </ul> <p>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Достижение результатов раздела II;</li> <li>– владеть понятием асимптоты и уметь его применять при решении задач;</li> <li>– применять методы решения простейших дифференциальных уравнений первого и второго порядков</li> </ul>
Алгебра	

<p>(наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянства, асимптоты, точки перегиба, период и т.п.);</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации;.</li> <li>– определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.)</li> </ul>	
--	--

### **Элементы математического анализа**

<ul style="list-style-type: none"> <li>– Владеть понятием бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и уметь применять его при решении задач;</li> <li>– применять для решения задач теорию пределов;</li> <li>– владеть понятиями бесконечно большие и бесконечно малые числовые последовательности и уметь сравнивать бесконечно большие и бесконечно малые последовательности;</li> <li>– владеть понятиями: производная функции в точке, производная функции;</li> <li>– вычислять производные элементарных функций и их комбинаций;</li> <li>– исследовать функции на монотонность и экстремумы;</li> <li>– строить графики и применять к решению задач, в том числе с параметром;</li> <li>– владеть понятием касательная к графику функции и уметь применять его при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями первообразная функция, определенный интеграл;</li> <li>– применять теорему Ньютона–Лейбница и ее следствия для решения задач.</li> </ul> <p>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик процессов;</li> <li>– интерпретировать полученные результаты</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Достижение результатов раздела II;</li> <li>– свободно владеть стандартным аппаратом математического анализа для вычисления производных функций одной переменной;</li> <li>– свободно применять аппарат математического анализа для исследования функций и построения графиков, в том числе исследования на выпуклость;</li> <li>– оперировать понятием первообразной функции для решения задач;</li> <li>– овладеть основными сведениями об интеграле Ньютона–Лейбница и его простейших применениях;</li> <li>– оперировать в стандартных ситуациях производными высших порядков;</li> <li>– уметь применять при решении задач свойства непрерывных функций;</li> <li>– уметь применять при решении задач теоремы Вейерштрасса;</li> <li>– уметь выполнять приближенные вычисления (методы решения уравнений, вычисления определенного интеграла);</li> <li>– уметь применять приложение производной и определенного интеграла к решению задач естествознания;</li> <li>– владеть понятиями вторая производная, выпуклость графика функции и уметь исследовать функцию на выпуклость</li> </ul>
---	---

### **Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика**

<ul style="list-style-type: none"> <li>– Оперировать основными описательными характеристиками числового набора, понятием генеральная совокупность и</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Достижение результатов раздела II;</li> <li>– иметь представление о центральной предельной теореме;</li> </ul>
--	---

<p>выборкой из нее;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– оперировать понятиями: частота и вероятность события, сумма и произведение вероятностей, вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов;</li> <li>– владеть основными понятиями комбинаторики и уметь их применять при решении задач;</li> <li>– иметь представление об основах теории вероятностей;</li> <li>– иметь представление о дискретных и непрерывных случайных величинах и распределениях, о независимости случайных величин;</li> <li>– иметь представление о математическом ожидании и дисперсии случайных величин;</li> <li>– иметь представление о совместных распределениях случайных величин;</li> <li>– понимать суть закона больших чисел и выборочного метода измерения вероятностей;</li> <li>– иметь представление о нормальном распределении и примерах нормально распределенных случайных величин;</li> <li>– иметь представление о корреляции случайных величин.</li> </ul> <p>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни;</li> <li>– выбирать методы подходящего представления и обработки данных</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– иметь представление о выборочном коэффициенте корреляции и линейной регрессии;</li> <li>– иметь представление о статистических гипотезах и проверке статистической гипотезы, о статистике критерия и ее уровне значимости;</li> <li>– иметь представление о связи эмпирических и теоретических распределений;</li> <li>– иметь представление о кодировании, двоичной записи, двоичном дереве;</li> <li>– владеть основными понятиями теории графов (граф, вершина, ребро, степень вершины, путь в графе) и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– иметь представление о деревьях и уметь применять при решении задач;</li> <li>– владеть понятием связность и уметь применять компоненты связности при решении задач;</li> <li>– уметь осуществлять пути по ребрам, обходы ребер и вершин графа;</li> <li>– иметь представление об эйлеровом и гамильтоновом пути, иметь представление о трудности задачи нахождения гамильтонова пути;</li> <li>– владеть понятиями конечные и счетные множества и уметь их применять при решении задач;</li> <li>– уметь применять метод математической индукции;</li> <li>– уметь применять принцип Дирихле при решении задач</li> </ul>
---	--

#### Текстовые задачи

<ul style="list-style-type: none"> <li>– Решать разные задачи повышенной трудности;</li> <li>– анализировать условие задачи, выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы;</li> <li>– строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения при решении задачи;</li> <li>– решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата;</li> <li>– анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;</li> <li>– переводить при решении задачи информацию из одной формы записи в другую, используя</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Достижение результатов раздела II</li> </ul>
---	---

<p>при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы.</p> <p>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– решать практические задачи и задачи из других предметов</li> </ul>	
---	--

## Геометрия

<ul style="list-style-type: none"> <li>– Владеть геометрическими понятиями при решении задач и проведении математических рассуждений;</li> <li>– самостоятельно формулировать определения геометрических фигур, выдвигать гипотезы о новых свойствах и признаках геометрических фигур и обосновывать или опровергать их, обобщать или конкретизировать результаты на новых классах фигур, проводить в несложных случаях классификацию фигур по различным основаниям;</li> <li>– исследовать чертежи, включая комбинации фигур, извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную на чертежах;</li> <li>– решать задачи геометрического содержания, в том числе в ситуациях, когда алгоритм решения не следует явно из условия, выполнять необходимые для решения задачи дополнительные построения, исследовать возможность применения теорем и формул для решения задач;</li> <li>– уметь формулировать и доказывать геометрические утверждения;</li> <li>– владеть понятиями стереометрии: призма, параллелепипед, пирамида, тетраэдр;</li> <li>– иметь представления об аксиомах стереометрии и следствиях из них и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– уметь строить сечения многогранников с использованием различных методов, в том числе и метода следов;</li> <li>– иметь представление о скрещивающихся прямых в пространстве и уметь находить угол и расстояние между ними;</li> <li>– применять теоремы о параллельности прямых и плоскостей в пространстве при решении задач;</li> <li>– уметь применять параллельное проектирование для изображения фигур;</li> <li>– уметь применять перпендикулярности</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Иметь представление об аксиоматическом методе;</li> <li>– владеть понятием геометрические места точек в пространстве и уметь применять их для решения задач;</li> <li>– уметь применять для решения задач свойства плоских и двугранных углов, трехгранного угла, теоремы косинусов и синусов для трехгранного угла;</li> <li>– владеть понятием перпендикулярное сечение призмы и уметь применять его при решении задач;</li> <li>– иметь представление о двойственности правильных многогранников;</li> <li>– владеть понятиями центральное и параллельное проектирование и применять их при построении сечений многогранников методом проекций;</li> <li>– иметь представление о развертке многогранника и кратчайшем пути на поверхности многогранника;</li> <li>– иметь представление о конических сечениях;</li> <li>– иметь представление о касающихся сферах и комбинации тел вращения и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– применять при решении задач формулу расстояния от точки до плоскости;</li> <li>– владеть разными способами задания прямой уравнениями и уметь применять при решении задач;</li> <li>– применять при решении задач и доказательстве теорем векторный метод и метод координат;</li> <li>– иметь представление об аксиомах объема, применять формулы объемов прямоугольного параллелепипеда, призмы и пирамиды, тетраэдра при решении задач;</li> <li>– применять теоремы об отношениях объемов при решении задач;</li> </ul>
---	---

<ul style="list-style-type: none"> <li>– прямой и плоскости при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями ортогональное проектирование, наклонные и их проекции, уметь применять теорему о трех перпендикулярах при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями расстояние между фигурами в пространстве, общий перпендикуляр двух скрещивающихся прямых и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– владеть понятием угол между прямой и плоскостью и уметь применять его при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями двугранный угол, угол между плоскостями, перпендикулярные плоскости и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями призма, параллелепипед и применять свойства параллелепипеда при решении задач;</li> <li>– владеть понятием прямоугольный параллелепипед и применять его при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями пирамида, виды пирамид, элементы правильной пирамиды и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– иметь представление о теореме Эйлера, правильных многогранниках;</li> <li>– владеть понятием площади поверхностей многогранников и уметь применять его при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями тела вращения (цилиндр, конус, шар и сфера), их сечения и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями касательные прямые и плоскости и уметь применять из при решении задач;</li> <li>– иметь представления о вписанных и описанных сferах и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями объем, объемы многогранников, тел вращения и применять их при решении задач;</li> <li>– иметь представление о развертке цилиндра и конуса, площади поверхности цилиндра и конуса, уметь применять их при решении задач;</li> <li>– иметь представление о площади сферы и уметь применять его при решении задач;</li> <li>– уметь решать задачи на комбинации многогранников и тел вращения;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– применять интеграл для вычисления объемов и поверхностей тел вращения, вычисления площади сферического пояса и объема шарового слоя;</li> <li>– иметь представление о движениях в пространстве: параллельном переносе, симметрии относительно плоскости, центральной симметрии, повороте относительно прямой, винтовой симметрии, уметь применять их при решении задач;</li> <li>– иметь представление о площади ортогональной проекции;</li> <li>– иметь представление о трехгранном и многогранном угле и применять свойства плоских углов многогранного угла при решении задач;</li> <li>– иметь представления о преобразовании подобия, гомотетии и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– уметь решать задачи на плоскости методами стереометрии;</li> <li>– уметь применять формулы объемов при решении задач</li> </ul>
---	---

<ul style="list-style-type: none"> <li>– иметь представление о подобии в пространстве и уметь решать задачи на отношение объемов и площадей поверхностей подобных фигур.</li> </ul> <p>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– составлять с использованием свойств геометрических фигур математические модели для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин, исследовать полученные модели и интерпретировать результат</li> </ul>	
<b>– Векторы и координаты в пространстве</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>– Владеть понятиями векторы и их координаты;</li> <li>– уметь выполнять операции над векторами;</li> <li>– использовать скалярное произведение векторов при решении задач;</li> <li>– применять уравнение плоскости, формулу расстояния между точками, уравнение сферы при решении задач;</li> <li>– применять векторы и метод координат в пространстве при решении задач</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Достижение результатов раздела II;</li> <li>– находить объем параллелепипеда и тетраэдра, заданных координатами своих вершин;</li> <li>– задавать прямую в пространстве;</li> <li>– находить расстояние от точки до плоскости в системе координат;</li> <li>– находить расстояние между скрещивающимися прямыми, заданными в системе координат</li> </ul>
<b>– История математики</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>– Иметь представление о вкладе выдающихся математиков в развитие науки;</li> <li>– понимать роль математики в развитии России</li> </ul>	Достижение результатов раздела II
<b>– Методы математики</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>– Использовать основные методы доказательства, проводить доказательство и выполнять опровержение;</li> <li>– применять основные методы решения математических задач;</li> <li>– на основе математических закономерностей в природе характеризовать красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства;</li> <li>– применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач;</li> <li>– пользоваться прикладными программами и программами символьных вычислений для исследования математических объектов</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Достижение результатов раздела II;</li> <li>– применять математические знания к исследованию окружающего мира (моделирование физических процессов, задачи экономики)</li> </ul>

## **Содержание учебного курса**

### **АЛГЕБРА**

#### **11 класс**

##### **1. Тригонометрические функции (20ч)**

Область определения и множество значений тригонометрических функций. Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций. Свойства и графики функций  $y = \cos x$ ,  $y = \sin x$ ,  $y = \operatorname{tg} x$ .

##### **2. Производная и её геометрический смысл (20ч)**

Производная. Производная степенной функции. Правила дифференцирования. Производные некоторых элементарных функций. Геометрический смысл производной.

##### **3. Применение производной к исследованию функций (18ч)**

Возрастание и убывание функций. Экстремумы функции. Применение производной к построению графиков функций. Наибольшее и наименьшее значения функции. Выпуклость графика. Точки перегиба.

##### **4. Первообразная и интеграл (17ч)**

Первообразная. Правила нахождения первообразных. Площадь криволинейной трапеции и интеграл. Вычисление интегралов. Вычисление площадей с помощью интегралов.

#### **5. Элементы математической статистики, комбинаторики и теории вероятностей (35ч)**

Табличное и графическое представление данных. Числовые характеристики рядов данных. Поочерёдный и одновременный выбор нескольких элементов из конечного множества. Формулы числа перестановок, сочетаний, размещений. Решение комбинаторных задач. Формула бинома Ньютона. Свойства биноминальных коэффициентов. Треугольник Паскаля. Элементарные и сложные события. Рассмотрение случаев: вероятность суммы несовместных событий, вероятность противоположного события. Понятие о независимости событий. Вероятность и статистическая частота наступления события. Решение практических задач с применением вероятностных методов. Случайные величины. Центральные тенденции. Меры разброса. Решение практических задач по теме «Статистика».

##### **6. Обобщающее повторение курса алгебры и начал анализа за 10- 11 классы (26ч)**

Числа и алгебраические преобразования. Уравнения. Неравенства. Системы уравнений и неравенств. Производная функции и ее применение к решению задач. Функции и графики. Текстовые задачи на проценты, движение, прогрессии.

### **ГЕОМЕТРИЯ**

#### **11 класс**

##### **1. Векторы в пространстве (6ч)**

Понятие вектора в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы.

##### **2. Метод координат в пространстве (15ч)**

Координаты точки и координаты вектора. Скалярное произведение векторов. Движения.

##### **3. Цилиндр, конус, шар (16ч)**

Понятие цилиндра. Площадь поверхности цилиндра. Понятие конуса. Площадь поверхности конуса. Усеченный конус. Сфера и шар. Уравнение сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости. Касательная плоскость к сфере. Площадь сферы

##### **3. Объемы тел (17ч)**

Объем прямоугольного параллелепипеда. Объемы прямой призмы и цилиндра. Объемы наклонной призмы, пирамиды и конуса. Объем шара и площадь сферы. Объемы шарового сектора, шарового сегмента и шарового слоя.

##### **4. Обобщающее повторение (14ч)**

**Тематическое распределение количества часов**

<b>№</b>	<b>Разделы, темы</b>	<b>Кол-во часов</b>	<b>Проектная деятельность</b>	<b>Проверочные работы, контрольные</b>	<b>Практические работы</b>
<b>Алгебра 11 класс</b>					
	Тригонометрические функции	20		1	
	Производная и ее геометрический смысл	20		1	
	Применение производной к исследованию функций	18		1	
	Интеграл	17		1	
	Комбинаторика	13		1	
	Элементы теории вероятностей	13		1	
	Статистика	9		1	
	Повторение	26			
	<i>Итого</i>	<i>136</i>		<i>7</i>	
<b>Геометрия 11 класс</b>					
	Векторы в пространстве	6			
	Метод координат в пространстве	15		<b>1</b>	
	Цилиндр, конус и шар	16		<b>1</b>	
	Объёмы тел	17		<b>1</b>	
	Повторение	14			
	<i>Итого</i>	<i>68</i>		<b>3</b>	
	<b>ИТОГО</b>	<b>204</b>		<b>10</b>	

## Календарно-тематическое планирование

### 11 класс

№ урок а	Содержание материала	Кол- во часов	Дата проведения		Приме- чание			
			План	Факт				
<b>Повторение курса алгебры и начал анализа 10 класса (4 часа)</b>								
<b>Векторы в пространстве (6 часов)</b>								
1.	Степенная функция	1	01.09					
2.	Показательная функция	1	01.09					
3.	Понятие вектора. Равенство векторов.	1	02.09					
4.	Логарифмическая функция	1	05.09					
5.	Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов.	1	06.09					
6.	Тригонометрические формулы. Тригонометрические уравнения.	1	07.09					
<b>Тригонометрические функции (20 часов)</b>								
7.	Область определения тригонометрических функций	1	08.09					
8.	Множество значений тригонометрических функций	1	08.09					
9.	Умножение вектора на число	1	09.09					
10.	Четность, нечетность тригонометрических функций	1	12.09					
11.	Компланарные вектора	1	13.09					
12.	Периодичность тригонометрических функций	1	14.09					
13.	Четность, нечетность, периодичность тригонометрических функций	1	15.09					
14.	Свойство функции $y = \cos x$	1	15.09					
15.	Правило параллелепипеда. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам	1	16.09					
16.	Свойство функции $y = \cos x$	1	19.09					
17.	<b>Зачет «Векторы в пространстве.»</b>	1	20.09					
18.	Свойство функции $y = \cos x$ и ее график	1	21.09					
19.	Свойство функции $y = \sin x$	1	22.09					
20.	Свойство функции $y = \sin x$	1	22.09					
<b>Метод координат в пространстве (15 часов)</b>								
21.	Координаты точки и координаты вектора. Прямоугольная система координат в пространстве	1	23.09					
22.	Свойство функции $y = \sin x$ и ее график	1	26.09					
23.	Координаты вектора	1	27.09					
24.	Свойство функции $y = \operatorname{tg} x$	1	28.09					
25.	Свойство функции $y = \operatorname{tg} x$	1	29.09					
26.	Свойство функции $y = \operatorname{tg} x$ и ее график	1	29.09					
27.	Связь между координатами векторов и координатами точек	1	30.09					
28.	Преобразование тригонометрических функций.	1	03.10					
29.	Простейшие задачи в координатах. Уравнение сферы	1	04.10					
30.	Обратные тригонометрические функции	1	05.10					

31.	Обратные тригонометрические функции	1	06.10		
32.	Урок обобщения и систематизации знаний.	1	06.10		
33.	Скалярное произведение векторов	1	07.10		
34.	<b>Контрольная работа №1 по теме «Тригонометрические функции»</b>	<b>1</b>	<b>10.10</b>		
35.	Угол между векторами	1	11.10		
36.	Урок коррекции знаний	1	12.10		

**Производная и ее геометрический смысл (20 часов)**

37.	Производная	1	13.10		
38.	Производная	1	13.10		
39.	Скалярное произведение векторов	1	14.10		
40.	Производная	1	17.10		
41.	Вычисление углов между прямыми и плоскостями	1	18.10		
42.	Производная степенной функции	1	19.10		
43.	Производная степенной функции	1	20.10		
44.	Производная степенной функции	1	20.10		
45.	Вычисление углов между прямыми и плоскостями	1	21.10		
46.	Правила дифференцирования	1	24.10		
47.	Уравнение плоскости	1	25.10		
48.	Правила дифференцирования	1	26.10		
49.	Правила дифференцирования	1	27.10		
50.	Производные некоторых элементарных функций	1	27.10		
51.	Движения. Центральная симметрия. Осевая симметрия	1	28.10		
52.	Производные некоторых элементарных функций	1	07.11		
53.	Зеркальная симметрия. Параллельный перенос	1	08.11		
54.	Производные некоторых элементарных функций	1	09.11		
55.	Производные некоторых элементарных функций	1	10.11		
56.	Геометрический смысл производной	1	10.11		
57.	Преобразование подобия	1	11.11		
58.	Геометрический смысл производной	1	14.11		
59.	<b>Контрольная работа №2 по теме «Метод координат в пространстве».</b>	<b>1</b>	<b>15.11</b>		
60.	Геометрический смысл производной	1	16.11		
61.	Геометрический смысл производной	1	17.11		
62.	Уроки обобщения и систематизации знаний	1	17.11		
63.	<b>Зачёт</b>	<b>1</b>	<b>18.11</b>		
64.	<b>Контрольная работа №3 по теме «Производная и ее геометрический смысл»</b>	<b>1</b>	<b>21.11</b>		

**Цилиндр, конус, шар. (16 часов)**

65.	Понятие цилиндра. Площадь поверхности цилиндра.	1	22.11		
66.	Урок коррекции знаний	1	23.11		

**Применение производной к исследованию функций (18 часов)**

67.	Возрастание и убывание функции	1	24.11		
68.	Возрастание и убывание функции	1	24.11		
69.	Цилиндр.	1	25.11		
70.	Экстремумы функции	1	28.11		
71.	Цилиндр.	1	29.11		

72.	Экстремумы функции	1	30.11		
73.	Экстремумы функции	1	01.12		
74.	Применение производной к построению графиков функций	1	01.12		
75.	Понятие конуса.	1	02.12		
76.	Применение производной к построению графиков функций	1	05.12		
77.	Понятие конуса Площадь поверхности конуса.	1	06.12		
78.	Применение производной к построению графиков функций	1	07.12		
79.	Применение производной к построению графиков функций	1	08.12		
80.	Наибольшее значение функции	1	08.12		
81.	Усеченный конус	1	09.12		
82.	Наименьшее значение функции	1	12.12		
83.	Усеченный конус	1	13.12		
84.	Наибольшее и наименьшее значения функции	1	14.12		
85.	Выпуклость графика функции	1	15.12		
86.	Точки перегиба	1	15.12		
87.	Сфера и шар. Уравнение сферы.	1	16.12		
88.	Выпуклость графика функции, точки перегиба	1	19.12		
89.	Взаимное расположение сферы и плоскости	1	20.12		
90.	Уроки обобщения и систематизации знаний	1	21.12		
91.	<b>Контрольная работа №4 по теме «Применение производной к исследованию функций»</b>	1	22.12		
92.	Урок коррекции знаний	1	22.12		
93.	Касательная плоскость к сфере	1	23.12		

#### Интеграл (17 часов)

94.	Первообразная	1	26.12		
95.	Касательная плоскость к сфере	1	27.12		
96.	Первообразная	1	28.12		
97.	Правила нахождения первообразных	1	29.12		
98.	Правила нахождения первообразных	1	29.12		
99.	Сфера, вписанная в цилиндрическую поверхность	1	30.12		
100.	Площадь криволинейной трапеции	1	09.01		
101.	Сфера, вписанная в коническую поверхность	1	10.01		
102.	Площадь криволинейной трапеции и интеграл	1	11.01		
103.	Вычисление интегралов	1	12.01		
104.	Вычисление интегралов	1	12.01		
105.	Сечения цилиндрической поверхности. Сечения конической поверхности	1	13.01		
106.	Вычисление площадей с помощью интегралов	1	16.01		
107.	<b>Контрольная работа № 5 по теме «Цилиндр, конус и шар».</b>	1	17.01		
108.	Вычисление площадей с помощью интегралов	1	18.01		
109.	Вычисление площадей с помощью интегралов	1	19.01		
110.	Вычисление площадей с помощью интегралов	1	19.01		
111.	Зачет «Цилиндр, конус и шар»	1	20.01		
112.	Применение производной и интеграла к	1	23.01		

	решению практических задач			
<b>Объемы тел (17 часов)</b>				
113.	Понятие объема. Объем прямоугольного параллелепипеда.	1	24.01	
114.	Применение производной и интеграла к решению практических задач	1	25.01	
115.	Уроки обобщения и систематизации знаний	1	26.01	
116.	<b>Контрольная работа №6 по теме «Интеграл»</b>	1	26.01	
117.	Объем прямоугольного параллелепипеда.	1	27.01	
118.	Урок коррекции знаний	1	30.01	
119.	Объем прямой призмы.	1	31.01	
<b>«Комбинаторика» (13 часов)</b>				
120.	Правило произведения	1	01.02	
121.	Правило произведения	1	02.02	
122.	Перестановки	1	02.02	
123.	Объем прямой призмы.	1	03.02	
124.	Перестановки	1	06.02	
125.	Объем цилиндра.	1	07.02	
126.	Размещения	1	08.02	
127.	Размещения	1	09.02	
128.	Сочетания и их свойства	1	09.02	
129.	Вычисление объемов тел с помощью интеграла. Объем наклонной призмы.	1	10.02	
130.	Сочетания и их свойства	1	13.02	
131.	Объем наклонной призмы	1	14.02	
132.	Бином Ньютона	1	15.02	
133.	Бином Ньютона	1	16.02	
134.	Урок обобщения и систематизации знаний	1	16.02	
135.	Объем пирамиды	1	17.02	
136.	<b>Контрольная работа №7 по теме «Комбинаторика»</b>	1	20.02	
137.	Объем пирамиды	1	21.02	
138.	Урок коррекции знаний	1	22.02	
<b>«Элементы теории вероятностей» (13 часов)</b>				
139.	События	1	27.02	
140.	Объем конуса	1	28.02	
141.	Комбинация событий	1	01.03	
142.	Комбинация событий. Противоположные события	1	02.03	
143.	Вероятность события	1	02.03	
144.	Объем шара	1	03.03	
145.	Вероятность события	1	06.03	
146.	Объем шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора	1	07.03	
147.	Сложение вероятностей	1	09.03	
148.	Сложение вероятностей	1	09.03	
149.	Объем шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора	1	10.03	
150.	Независимые события. Умножение событий	1	13.03	
151.	Площадь сферы	1	14.03	

152.	Независимые события. Умножение событий	1	15.03		
153.	Статистическая вероятность	1	16.03		
154.	Статистическая вероятность	1	16.03		
155.	Площадь сферы	1	17.03		
156.	Урок обобщения и систематизации знаний	1	20.03		
157.	<i>Контрольная работа № 8 по теме «Объемы тел»</i>	1	21.03		
158.	<i>Контрольная работа №9 по теме «Элементы теории вероятностей»</i>	1	22.03		

#### **Статистика (9 часов)**

159.	Случайные величины.	1	23.03		
160.	Случайные величины.	1	23.03		
161.	<i>Зачет «Объем шара, площадь сферы».</i>	1	24.03		
162.	Центральные тенденции.	1	03.04		

#### **Повторение (14 часов)**

163.	Повторение курса планиметрии	1	04.04		
164.	Центральные тенденции.	1	05.04		
165.	Меры разброса.	1	06.04		
166.	Меры разброса.	1	06.04		
167.	Повторение курса планиметрии	1	07.04		
168.	Меры разброса.	1	10.04		
169.	Параллельность в пространстве	1	11.04		
170.	Урок обобщения и систематизации знаний	1	12.04		
171.	<i>Контрольная работа №10 по теме «Статистика»</i>	1	13.04		

#### **Повторение (22 часа)**

172.	Вычисления и преобразования	1	13.04		
173.	Перпендикулярность в пространстве	1	14.04		
174.	Повторение Тождественные преобразования	1	17.04		
175.	Углы между прямыми и плоскостями в пространстве	1	18.04		
176.	Повторение. Иррациональные уравнения	1	19.04		
177.	Повторение. Показательные уравнения	1	20.04		
178.	Повторение. Логарифмические уравнения	1	20.04		
179.	Многогранники: параллелепипед, призма, пирамида, площади их поверхностей	1	21.04		
180.	Уравнения, системы уравнений, неравенства	1	24.04		
181.	Многогранники: параллелепипед, призма, пирамида, площади их поверхностей	1	25.04		
182.	Уравнения, системы уравнений, неравенства	1	26.04		
183.	Уравнения, системы уравнений, неравенства	1	27.04		
184.	Повторение. Показательные неравенства	1	27.04		
185.	Многогранники: параллелепипед, призма, пирамида, площади их поверхностей	1	28.04		
186.	Векторы в пространстве. Действия над векторами. Скалярное произведение векторов	1	02.05		
187.	Повторение. Показательные неравенства	1	03.05		
188.	Повторение. Логарифмические неравенства	1	04.05		
189.	Повторение. Логарифмические неравенства	1	04.05		
190.	Векторы в пространстве. Действия над	1	05.05		

	векторами. Скалярное произведение векторов			
191.	Функции и графики	1	10.05	
192.	Функции и графики	1	11.05	
193.	Промежуточная аттестация в форме контрольной работы	1	11.05	
194.	Цилиндр, конус и шар, площади их поверхностей, объемы	1	12.05	
195.	Урок коррекции знаний	1	15.05	
196.	Цилиндр, конус и шар, площади их поверхностей, объемы	1	16.05	
197.	Функции и графики	1	17.05	
198.	Функции и графики	1	18.05	
199.	Повторение. Тригонометрические уравнения	1	18.05	
200.	Цилиндр, конус и шар, площади их поверхностей, объемы	1	19.05	
201.	Повторение. Тригонометрические уравнения	1	22.05	
202.	Цилиндр, конус и шар, площади их поверхностей, объемы	1	23.05	
203.	Повторение. Производная. Применение производной.	1	24.05	
204.	Повторение. Вычисление интегралов.	1	25.05	